



## 成考高起专数学（理） - 2021 年成考高起专数学真题

1 【单选】 若集合  $A = \{x|-1 \leq x < 5\}$ ,  $B = \{x|-2 < x < 2\}$ , 则  $A \cap B =$

- **A**  $\{-1 \leq x < 2\}$
- B  $\{-2\}$
- C  $\{-2\}$
- D  $\{-1 \leq x < 5\}$

【答案】 A

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为集合的运算，

【应试指导】  $A \cap B = \{x|-1 \leq x < 2\}$ .

2 【单选】 已知  $\sin \alpha < 0$  且  $\tan \alpha < 0$ , 则  $\alpha$  是 ( )

- A 第一象限角
- B 第二象限角
- C 第三象限角
- **D** 第四象限角

【答案】 D

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为三角函数的性质.

【应试指导】 正弦函数值在第三、四象限小于 0, 正切函数值在第二、四象限小于 0, 故题中所求角在第四象限.

3 【单选】 下列函数中, 既是偶函数又是周期函数的为 ( )

- A  $y = \sin 2x$
- B  $y = x^2$
- C  $y = \tan x$
- **D**  $y = \cos 3x$

【答案】 D

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的奇偶性和周期性.

【应试指导】 选项 A、C 是奇函数, 选项 B 是偶函数, 但不是周期函数, 只有选项 D 既是偶函数又是周期函数.

4 【单选】 函数  $y = 1 + \log_2 x$  ( $x > 0$ ) 的反函数为 ( )

- A  $y = 2^{1-x}$  ( $x \in \mathbb{R}$ )
- **B**  $y = 2^{x-1}$  ( $x \in \mathbb{R}$ )
- C  $y = -1 + \log_{\frac{1}{2}} x$  ( $x > 0$ )
- D  $y = \log_2 \frac{x}{2}$  ( $x > 0$ )

【答案】 B

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的反函数.

【应试指导】 已知  $y = 1 + \log_2 x$ , 则有  $\log_2 x = y - 1$ , 化简得  $x = 2^{y-1}$ , 故原函数的反函数为  $y = 2^{x-1}$  ( $x \in \mathbb{R}$ ).

5 【单选】 函数  $y = 5\cos^2 x - 3\sin^2 x$  的最小正周期为 ( )



- A  $4\pi$
- B  $2\pi$
- **C**  $\pi$
- D  $\frac{\pi}{2}$

【答案】C

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为三角函数的周期.

【应试指导】 整理得  $y=3(\cos^2x-\sin^2x)+2\cos^2x=3\cos 2x+\cos 2x+1=4\cos 2x+1$ , 故函数的最小正周期

$$\text{为 } T = \frac{2\pi}{2} = \pi$$

6 【单选】 已知平面  $\alpha$ , 两条直线  $l_1, l_2$ .

设甲:  $l_1 \perp \alpha$  且  $l_2 \perp \alpha$ ;

乙:  $l_1 // l_2$ ,

则 ( )

- A 甲是乙的必要条件但不是充分条件
- **B** 甲是乙的充分条件但不是必要条件
- C 甲是乙的充要条件
- D 甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

【答案】B

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为简易逻辑.

【应试指导】 如果两直线垂直于同一平面, 则两直线平行; 但是如果两直线平行, 这两条直线不一定垂直于同一平面, 也可能两直线是在平面内, 故甲是乙的充分条件但不是必要条件.

7 【单选】 下列函数中, 在  $(0, +\infty)$  为增函数的是 ( )

- **A**  $y=x^2+x$
- B  $y = \log_{\frac{1}{2}} x$
- C  $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$
- D  $y=\cos x$

【答案】A

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的单调性.

【应试指导】 A 项中  $y=x^2+x = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$ , 故函数在  $\left(-\frac{1}{2}, +\infty\right)$  上是增函数, 因此函数在  $(0, +\infty)$  上也是增函数,

8 【单选】 不等式  $|x-1| > 1$  的解集为 ( )

- A  $\{x|x > 2\}$
- B  $\{x|x < 0\}$



- C  $\{x|0 < x < 2\}$
- **D**  $\{x|x < 0 \text{ 或 } x > 2\}$

【答案】D

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为绝对值不等式.

【应试指导】  $|x-1| > 1 \Rightarrow x-1 > 1$  或  $x-1 < -1$ , 即  $x > 2$  或  $x < 0$ , 故不等式的解集为  $\{x|x < 0 \text{ 或 } x > 2\}$ .

9 【单选】 已知向量  $a = (6, 0, -3)$ ,  $b = (-2, 9, x)$ , 且  $a \perp b$ , 则  $x =$  ( )

- **A** -4
- B -1
- C 1
- D 4

【答案】A

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为垂直向量的性质.

【应试指导】 由于  $a \perp b$ , 故有  $a \cdot b = 6 \times (-2) + 0 \times 9 + (-3) \times x = -3x - 12 = 0$ , 解得  $x = -4$ .

10 【单选】 已知函数  $f(x) = 2x + 1$ , 则  $f(2x) =$  ( )

- A  $4x^2 + 1$
- **B**  $4x + 1$
- C  $x + 1$
- D  $2x + 2$

【答案】B

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为复合函数的计算.

【应试指导】  $f(2x) = 2(2x) + 1 = 4x + 1$ .

11 【单选】  $(1+i)(1-i) =$  ( )

- **A** 2
- B 1
- C 0
- D -1

【答案】A

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为复数的计算.

【应试指导】  $(1+i)(1-i) = 1 - i^2 = 1 + 1 = 2$ .

12 【单选】 甲、乙各进行一次射击, 若甲击中目标的概率是 0.4, 乙击中目标的概率是 0.5, 且甲、乙是否击中目标相互独立, 则甲、乙都击中目标的概率是 ( )

- A 0.9
- B 0.5
- C 0.4
- **D** 0.2

【答案】D

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为独立事件概率的性质.

【应试指导】 甲、乙都击中目标的概率为  $0.4 \times 0.5 = 0.2$ .

13 【单选】 等差数列  $\{a_n\}$  中, 已知  $a_3 + a_5 = 2$ , 则  $a_1 + a_2 + a_6 + a_7 =$  ( )

- A 1
- B 2



- **C** 4
- D 8

【答案】C

【解析】由等差数列的性质得  $a_3+a_5=a_1+a_7=a_2+a_6=2$ ，所以  $a_1+a_2+a_6+a_7=a_1+a_7+a_2+a_6=2+2=4$

14 【单选】过抛物线  $C:y^2=4x$  的焦点作  $x$  轴的垂线，交  $C$  于 A,B 两点，则  $|AB|=$  ( )

- A 2
- **B** 4
- C  $4\sqrt{2}$
- D 8

【答案】B

【解析】抛物线  $y^2=4x$ ，焦点是(1,0)，令  $x=1$ ，得  $y^2=4$ ，所以  $y=\pm 2$ ，所以  $|AB|=2-(-2)=4$ .

15 【单选】若向量  $a=(3,4)$ ，则与  $a$  方向相同的单位向量为

- A (0,1)
- B (1,0)
- **C**  $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$
- D  $(\frac{4}{5}, \frac{3}{5})$

【答案】C

【答案】  $\vec{a}=(3,4)$ ， $\therefore |\vec{a}|=\sqrt{3^2+4^2}=5$ ，  
 $\therefore$ 与  $\vec{a}$  方向相同的单位向量的坐标为： $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$

故选：B.

【解析】 求出向量的模，然后求解单位向量.

【解析】

16 【单选】由 0,1,2,3 四个数字，组成没有重复数字的三位数，共有 ( )

- **A** 18 个
- B 24 个
- C 48 个
- D 64 个

【答案】A

【解析】 【考情点拨】 本题主要考查的知识点为排列组合.

【应试指导】组成的没有重复数字的三位数有  $C_3^1 \cdot P_3^2 = 3 \times 3 \times 2 = 18$  个.

17 【单选】双曲线  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$  的渐近线方程为 ( )

- A  $\frac{x}{4} \pm \frac{y}{9} = 0$



- B  $\frac{x}{9} \pm \frac{y}{4} = 0$
- **C**  $\frac{x}{2} \pm \frac{y}{3} = 0$
- D  $\frac{x}{3} \pm \frac{y}{2} = 0$

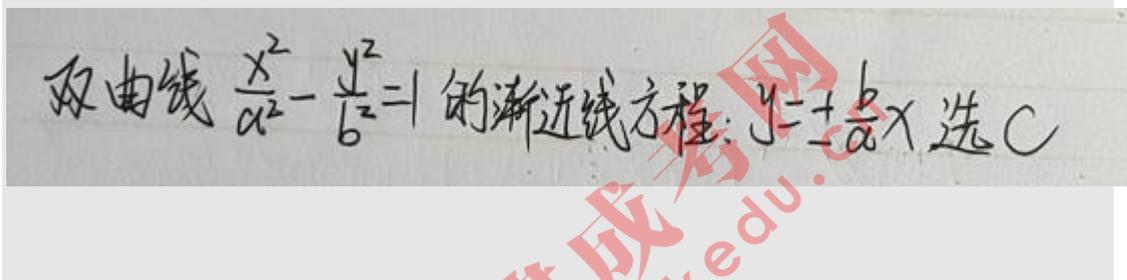
【答案】C

【解析】求双曲线  $x^2/a^2 - y^2/b^2 = 1$  的渐近线的方程有个方法：把 1 换成 0, 再解出来就是渐近线方程.

比如:  $x^2/4 - y^2/9 = 1$

写成:  $x^2/4 - y^2/9 = 0$

解得:  $y = 3x/2$  或  $y = -3x/2$



18 【填空题】圆  $x^2 + y^2 = 5$  在点 (1, 2) 处的切线的方程为\_\_\_\_\_.

【答案】

【解析】  $x + 2y - 5 = 0$

【考情点拨】本题主要考查的知识点为圆的切线的求法.

【应试指导】由题可知切点到圆心所在直线的斜率是  $\frac{2}{1} = 2$ , 故切线的斜率为  $-\frac{1}{2}$ , 因

此所求切线的方程为  $y - 2 = -\frac{1}{2}(x - 1)$ , 即  $x + 2y - 5 = 0$ .

19 【填空题】已知数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n = 2n + 1$ , 则  $a_2 =$ \_\_\_\_\_.

【答案】

【解析】 2

【考情点拨】本题主要考查的知识点为数列的性质.

【应试指导】  $a_1 = S_1 = 2 + 1 = 3$ , 故  $a_2 = S_2 - S_1 = 2 \times 2 + 1 - 3 = 2$ .

20 【填空题】设球的表面积为  $4\pi$ , 则该球的体积为\_\_\_\_\_.

【答案】

【解析】  $\frac{4\pi}{3}$

【考情点拨】本题主要考查的知识点为球的体积公式.

【应试指导】球的表面积为  $4\pi R^2 = 4\pi$ , 故球的半径为  $R = 1$ , 因此球的体积为

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4\pi}{3}.$$



21 【填空题】 从某大学篮球队历次比赛得分中，抽取了 8 场比赛的得分作为样本，数据如下：88,74,73,87,70,72,86,90，则该样本的方差为\_\_\_\_\_.

【答案】

【解析】 62.25

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为样本方差.

【应试指导】 可求得样本平均数为  $\frac{88+74+73+87+70+72+86+90}{8} = 80$ ，因此样本方

$\frac{1}{8}[(88-80)^2+(74-80)^2+(73-80)^2+(87-80)^2+(70-80)^2+(72-80)^2+(86-80)^2+(90-80$

62.25.

22 【解答题】 已知 A,B 为  $\odot O$  上的两点，且  $AB=3\sqrt{3}$ ， $\angle ABO=30^\circ$ . 求  $\odot O$  的半径.

【答案】

【解析】 设  $\odot O$  的半径为  $r$ ，则  $OA=OB=r$ .

在  $\triangle AOB$  中， $\angle OAB=\angle ABO=30^\circ$ ，所以  $\angle AOB=120^\circ$ .

由余弦定理得  $r^2+r^2-2r^2\cos 120^\circ=(3\sqrt{3})^2$ ，解得  $r=3$ .

所以  $\odot O$  的半径为 3.

23 【解答题】 等比数列  $\{a_n\}$  中，已知  $a_2+a_4=-10$ . 公比  $q=-\frac{1}{3}$

(I) 求  $\{a_n\}$  的通项公式；

(II) 求  $\{a_n\}$  的前 4 项和.

【答案】



【解析】

(I) 由已知得  $a_1q + a_1q^3 = -10$ ,

又  $q = -\frac{1}{3}$ , 所以  $a_1\left(-\frac{1}{3} - \frac{1}{27}\right) = -10$ , 解得  $a_1 = 27$ ,

所以  $\{a_n\}$  的通项公式为  $a_n = 27 \times \left(-\frac{1}{3}\right)^{n-1}$ .

(II)  $a_1 + a_3 = \frac{1}{q}(a_2 + a_4)$ , 又  $a_2 + a_4 = -10$ , 故  $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 20$ .

所以  $\{a_n\}$  的前 4 项和为 20.

24 【解答题】 已知函数  $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 2$ .

(I) 求  $f'(x)$ ;

(II) 求  $f(x)$  在区间  $[-2, 2]$  的最大值与最小值.

【答案】

【解析】 (I)  $f'(x) = 6x^2 - 6x$ .

(II) 令  $f'(x) = 0$ , 解得  $x=0$  或  $x=1$ .

因为  $f(-2) = -26$ ,  $f(0) = 2$ ,  $f(1) = 1$ ,  $f(2) = 6$ ,  
所以  $f(x)$  在区间  $[-2, 2]$  的最大值为 6, 最小值为 -26.

25 【解答题】

已知椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ ,  $M(0, -1)$  和  $N\left(\sqrt{3}, \frac{1}{2}\right)$  为  $C$  上两点.

(I) 求  $C$  的标准方程;

(II) 设  $P$  为  $C$  的左顶点, 求  $\triangle PMN$  的面积.

【答案】



(I) 将点  $M$  和  $N$  的坐标代入  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  得

$$\begin{cases} \frac{1}{b^2} = 1, \\ \frac{3}{a^2} + \frac{1}{4b^2} = 1, \end{cases} \quad \text{解得} \begin{cases} a^2 = 4, \\ b^2 = 1. \end{cases}$$

因此  $C$  的标准方程为  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ .

(II) 由(I)得  $P(-2, 0)$ , 故  $|PM| = \sqrt{5}$ , 直线  $PM$  的方程为

$$x + 2y + 2 = 0,$$

因此点  $N$  到直线  $PM$  的距离

$$d = \frac{|\sqrt{3} + 2 \times \frac{1}{2} + 2|}{\sqrt{5}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}},$$

$$\text{所以 } \triangle PMN \text{ 的面积 } S = \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times \frac{3 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{2}.$$

【解析】

